

令和8年度 一般選抜1期(2月2日実施)「数学I・数学A」,
「数学I・数学A・数学II・数学B・数学C」 解答例

- 「数学 I・数学 A」は, **1**, **2**, **3** が問題です.
- 「数学 I・数学 A・数学 II・数学 B・数学 C」は, **1**, **4**, **5** が問題です.

1

(1)					(2)		(3)			(4)						
ア	イ	ウ	エ	オ	カ	キ	ク	ケ	コ	サ	シ	ス	セ	ソ	タ	チ
2	5	1	6	1	2	1	2	5	1	3	0	1	4	2	6	4

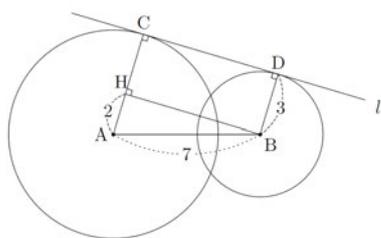
(5)		
ツ	テ	ト
-	4	7

2

(1)						(2)			(3)				
ア	イ	ウ	エ	オ	カ	キ	ク	ケ	コ	サ	シ	ス	セ
2	1	-	4	4	1	2	-	5	1	2	2	5	4

3

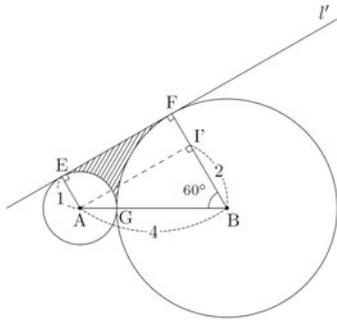
(1)



点 B から AC に垂線を下ろし, AC との交点を H とおく. 四角形 CHBD は長方形であるから,
 $AH = AC - BD = 5 - 3 = 2$ である.

よってピタゴラスの定理より $CD = HB = \sqrt{(AB)^2 - (AH)^2} = \sqrt{49 - 4} = \sqrt{45} = 3\sqrt{5}$ を得る.

(2)



点 A から BF に垂線を下ろし、BF との交点を I' とおく。また AB と円との交点を G とする。
(1) と同様に、 $BI' = 3 - 1 = 2$ 、 $AB = 4$ であるから、直角三角形 ABI' の各辺は
 $AB : BI' : I'A = 2 : 1 : \sqrt{3}$ を満たす。

よって $AI' = 2\sqrt{3}$ 、 $\angle ABI' = 60^\circ$ 、 $\angle I'AB = 30^\circ$ である。これより $\angle EAB = 90^\circ + 30^\circ = 120^\circ$ である。以上より

$$\begin{aligned} S &= \text{台形 ABFE} - \text{扇型 EAG} - \text{扇形 GBF} = \frac{(1+3) \cdot 2\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{3} \cdot \pi \cdot 1^2 - \frac{1}{6} \cdot \pi \cdot 3^2 \\ &= 4\sqrt{3} - \frac{11}{6}\pi \end{aligned}$$

を得る。

4

(1)				(2)					(3)			
ア	イ	ウ	エ	オ	カ	キ	ク	ケ	コ	サ	シ	ス
1	2	1	2	1	3	1	3	1	3	2	2	2

5

問題 1

$$(1) a_2 = \frac{1 - a_1}{3 - 4a_1} = \frac{1 - \frac{1}{3}}{3 - 4 \times \frac{1}{3}} = \frac{2}{5},$$

$$a_3 = \frac{1 - a_2}{3 - 4a_2} = \frac{1 - \frac{2}{5}}{3 - 4 \times \frac{2}{5}} = \frac{3}{7},$$

$$a_4 = \frac{1 - a_3}{3 - 4a_3} = \frac{1 - \frac{3}{7}}{3 - 4 \times \frac{3}{7}} = \frac{4}{9}$$

(2) $a_n = \frac{n}{2n+1}$ と推測し、これを証明する。

(i) $n = 1$ のとき。左辺 $= \frac{1}{3}$ であるから、正しい。

(ii) n のとき, 正しいと仮定する. 漸化式と帰納法の仮定より

$$a_{n+1} = \frac{1 - a_n}{3 - 4a_n} = \frac{1 - \frac{n}{2n+1}}{3 - 4 \times \frac{n}{2n+1}} = \frac{2n+1-n}{3(2n+1) - 4n} = \frac{n+1}{2n+3} = \frac{(n+1)}{2(n+1)+1}$$

であるから, $n+1$ のときも正しい.

よって数学的帰納法より, すべての自然数 n に対し正しい事が示された.

問題 2

(1) 仮定より $|\overrightarrow{AB}| = 6$ であり $\overrightarrow{AB} = \vec{b} - \vec{a}$ あるから,

$$6^2 = |\overrightarrow{AB}|^2 = |\vec{b} - \vec{a}|^2 = (\vec{b} - \vec{a}) \cdot (\vec{b} - \vec{a}) = \vec{b} \cdot \vec{b} - 2\vec{a} \cdot \vec{b} + \vec{a} \cdot \vec{a} = 5^2 - 2\vec{a} \cdot \vec{b} + 4^2$$

を得る. よって $\vec{a} \cdot \vec{b} = \frac{5}{2}$ である.

別解: $\angle AOB = \theta$ とおくと, 余弦定理より

$$\vec{a} \cdot \vec{b} = |\vec{a}| \times |\vec{b}| \times \cos \theta = |\vec{a}| \times |\vec{b}| \times \frac{|\vec{b} - \vec{a}|^2 - |\vec{a}|^2 - |\vec{b}|^2}{2 \times |\vec{a}| \times |\vec{b}|} = \frac{6^2 - 4^2 - 5^2}{2} = \frac{5}{2}$$

を得る.

(2) H は垂心であるから, $\overrightarrow{OH} = \vec{h}$ とおくと $\vec{b} \perp (\vec{h} - \vec{a})$, $\vec{a} \perp (\vec{h} - \vec{b})$ なので

$$\vec{b} \cdot (\vec{h} - \vec{a}) = \vec{b} \cdot \vec{h} - \vec{a} \cdot \vec{b} = 0 \quad \Rightarrow \quad \vec{b} \cdot \vec{h} = \vec{a} \cdot \vec{b} = \frac{5}{2}$$

$$\vec{a} \cdot (\vec{h} - \vec{b}) = \vec{a} \cdot \vec{h} - \vec{a} \cdot \vec{b} = 0 \quad \Rightarrow \quad \vec{a} \cdot \vec{h} = \vec{a} \cdot \vec{b} = \frac{5}{2}$$

を得る. $\vec{h} = x\vec{a} + y\vec{b}$ なので

$$\frac{5}{2} = \vec{a} \cdot \vec{h} = \vec{a} \cdot (x\vec{a} + y\vec{b}) = x\vec{a} \cdot \vec{a} + y\vec{a} \cdot \vec{b} = 16x + \frac{5}{2}y$$

$$\frac{5}{2} = \vec{b} \cdot \vec{h} = \vec{b} \cdot (x\vec{a} + y\vec{b}) = x\vec{a} \cdot \vec{b} + y\vec{b} \cdot \vec{b} = \frac{5}{2}x + 25y$$

である. この連立方程式を解いて $x = \frac{1}{7}$, $y = \frac{3}{35}$ を得る.